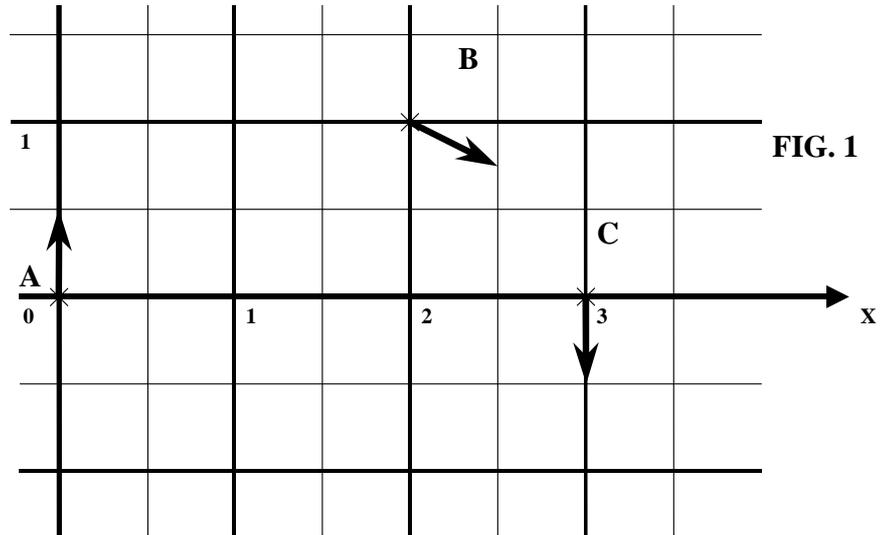


CP42	NOM :	Signature :
Final P06 (Tout document autorisé)		

Exercice I : (12 points)

En CAO, on désire modéliser une courbe passant par les points A (0,0), B (2,1) et C (3,0) et garantissant des tangences verticales en A et C et une tangence inclinée de 30° par rapport à l'axe X en B.



- 1.1) Quel est le degré minimal de la courbe de Bezier pour garantir les conditions de modélisation ?

n =

- 1.2) Afin de simplifier, on souhaite tracer deux courbes de Bezier de degrés 2. Une courbe (\mathcal{D}_0) entre A et B et une autre courbe (\mathcal{D}_1) entre B et C. Placer sur la figure 1, les points $P_{0,0}$; $P_{1,0}$; $P_{2,0}$ pour \mathcal{D}_0 et les points $P_{0,1}$; $P_{1,1}$; $P_{2,1}$ pour \mathcal{D}_1 afin de satisfaire les contraintes de tangence en A,B et C.
- 1.3) Donner sans calcul les coordonnées des points $P_{1,0}$ et $P_{1,1}$

$P_{1,0} = (\quad , \quad)$ $P_{1,1} = (\quad , \quad)$

- 1.4) Placer sur le figure 1, les points $M_0(1/2)$ et $M_1(1/2)$ en utilisant l'algorithme de Casteljau et tracer les deux courbes \mathcal{D}_0 et \mathcal{D}_1 sur le figure 1.
- 1.5) Donnez les équations de \mathcal{D}_0 et de \mathcal{D}_1

\mathcal{D}_0 : $X_0(t) =$
 $Y_0(t) =$

\mathcal{D}_1 : $X_1(t) =$
 $Y_1(t) =$

CP42	NOM :	Signature :
Final P06 (Tout document autorisé)		

Exercice II : (8 points)

Soient les points de contrôle $Q_0(0,-2)$, $Q_1(0,2)$, $Q_2(3,1/2)$ et $Q_4(3,-1/2)$ définissant la courbe Spline Γ_0 de degré 2

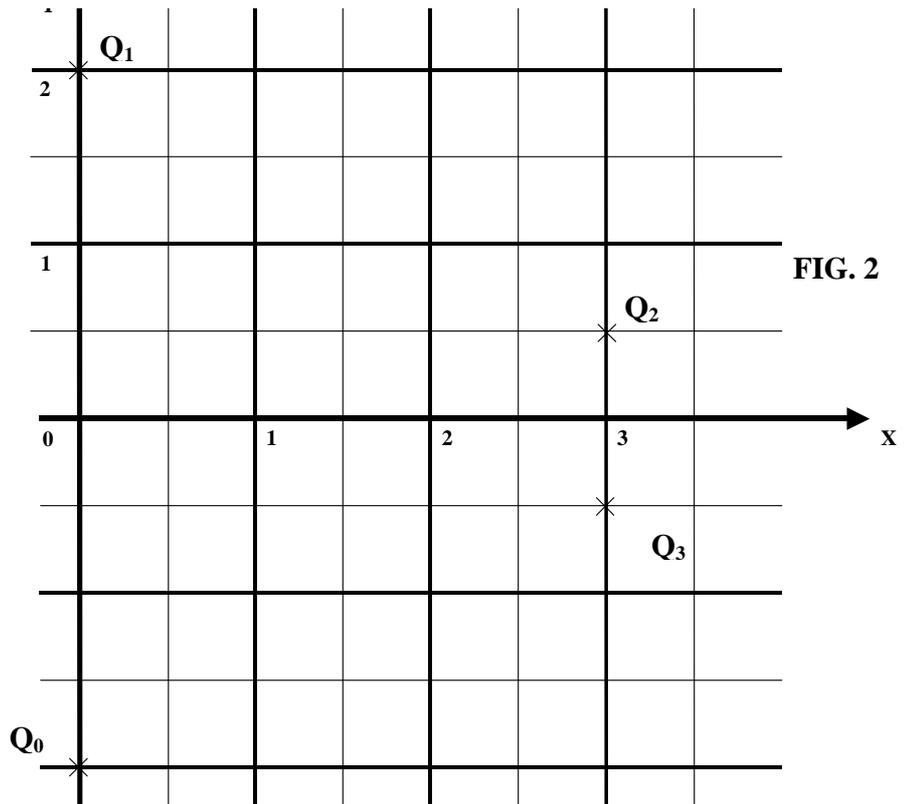
On rappelle :

$$\overrightarrow{OM}_k(t) = \sum_{i=0}^{i=n} R_n^i(t) \cdot \overrightarrow{OQ}_{k+i}$$

et

$$R_n^i(t) = \frac{1}{n!} \cdot \sum_{k=0}^{k=n-i} (-1)^k \cdot C_{n+1}^k (t+n-i-k)^n$$

2.1) Donnez les équations des deux arcs de cette courbe \mathcal{C}_0 et \mathcal{C}_1



$\overrightarrow{OM}_0(t) :$

$X_0(t) =$

$Y_0(t) =$

$\overrightarrow{OM}_1(t) :$

$X_1(t) =$

$Y_1(t) =$

2.2) Proposer un tracé de cette courbe sur la figure 2