

Médian 23/04/09 : 2 heures (calculatrices autorisées)

Partie A : Mesures physiques.

Exercice n°1:

1°) La force de frottement s'exerçant sur une sphère de diamètre D se déplaçant à la vitesse uniforme V dans un fluide de coefficient de viscosité η est donnée par la formule de Stokes:

$$F = 3\pi \cdot \eta \cdot D \cdot V$$

Déterminer la dimension et l'unité de η dans le système SI.

L'unité de η dans le système cgs (centimètre, gramme, seconde) est la poise (symbole P). Donner le coefficient de conversion entre la poise et l'unité de η dans SI.

2°) En déduire la dimension de R , nombre de Reynolds, relatif à l'écoulement autour de cette sphère si l'expérience conduit à l'expression :

$$R = \rho \cdot \frac{VD}{\eta} \quad \text{Où } \rho: \text{ masse volumique du fluide, } V: \text{ sa vitesse uniforme, } \eta: \text{ son coefficient de viscosité et } D$$

le diamètre de la sphère.

Exercice n°2: On donne la formule donnant la période T d'un pendule simple de longueur L placé dans le champ de pesanteur g : $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$ (voir td1).

- Déterminer l'incertitude relative sur T en fonction des incertitudes relatives sur L et g si on calcule la valeur de T à partir de la formule après avoir mesuré L et g avec des incertitudes absolues ΔL et Δg .
- Application numérique: on mesure $L = 1.00$ m, $\Delta L = 0.01$ m. On prend $g = 9.81$ m.s⁻² avec $\Delta g = 0.01$ m.s⁻². Calculer numériquement T , $\frac{\Delta T}{T}$ et ΔT . on prendra $\pi = 3.141$ (précis).
- Donner alors un encadrement de la valeur de T attendue en respectant les règles d'arrondis vues en cours.
- L'expérience donne $T = 2.045$ s. La notice du chronomètre utilisée indique une précision de 0.2 % +/- 4 digits. Encadrer la valeur mesurée pour T en respectant les règles d'arrondis.
- La théorie vous semble-t-elle compatible avec l'expérience ?

Exercice n°3:

On dit qu'un phénomène est contrôlé par une énergie d'activation si la grandeur qui le caractérise varie avec la température suivant la loi : $D(T) = D_0 \cdot \exp\left(-\frac{U}{kT}\right)$

où T est la température absolue, $k = 1,38 \cdot 10^{-23}$ J.K⁻¹ la constante de Boltzmann et U l'énergie d'activation.

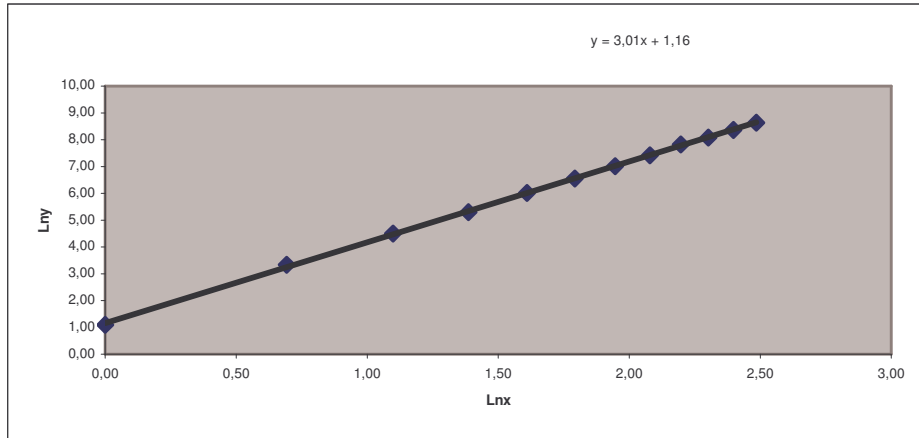
- Proposer une méthode permettant de vérifier cette loi en utilisant l'anamorphose.
- Comment peut-on connaître U et D_0 à partir de la méthode précédente (en mesurant D et T).

Exercice n°4: On mesure deux grandeurs x et y qu'on suppose reliées entre elles par une loi mathématique à déterminer. On trace alors la courbe $\ln y$ en fonction de $\ln x$ et on obtient (voir graphique) :

- L'alignement des points étant jugé « satisfaisant », on demande le calcul de la régression linéaire. Donner le **principe** mathématique du calcul de la régression linéaire par la méthode des moindres carrés.
- La régression linéaire effectuée donne les résultats suivants (unités sans importance).

	pente	ordonnée à l'origine
Valeur	3,01	1,16
Ecart type	0,02	0,03

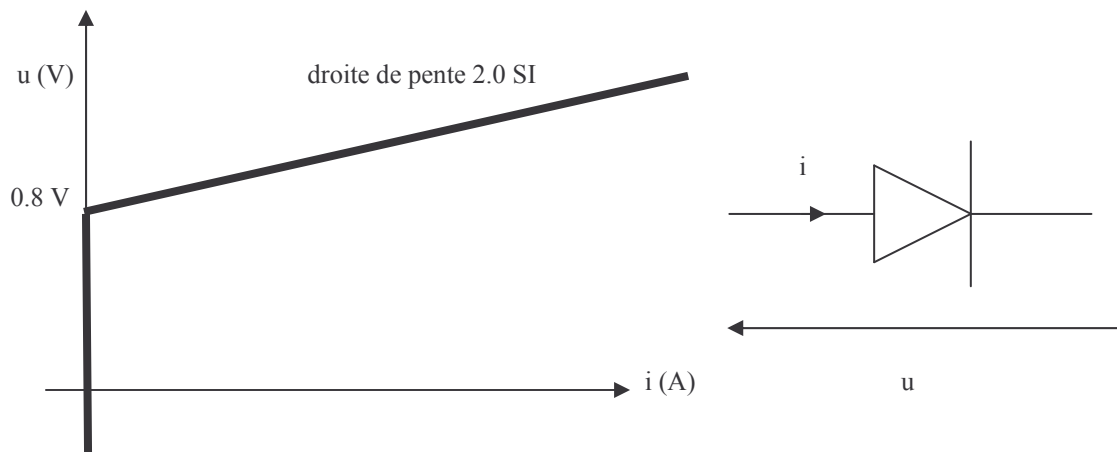
Proposer une loi mathématique donnant y en fonction de x compatible avec ces résultats. Donner la précision des valeurs numériques intervenant dans votre loi.



Partie B : ELECTRICITE

Exercice n°5: On branche en parallèle deux bobines réelles dont les caractéristiques sont (L,R) et $(3L,3R)$. **Montrer** que cette association est équivalente à une seule bobine dont on déterminera le coefficient d'auto-induction et la résistance (une démonstration très précise est attendue, on ne se contentera pas d'un résultat non justifié).

Exercice n°6: La caractéristique graphique d'une diode est la suivante en convention récepteur.



1. Donner l'équation mathématique de la droite du graphe précédent sous forme numérique $u = f(i)$.
2. On branche cette diode sur un générateur de tension linéaire dont les paramètres en représentation de Thévenin sont ($E = 1.20V$, $r = 3.0 \Omega$) de manière à ce que la diode soit dans le sens passant. Faire le schéma électrique correspondant.
3. Tracer sur le même graphe la caractéristique du générateur en convention générateur et la caractéristique de la diode en convention récepteur.
4. Déterminer par le calcul le courant traversant la diode, ainsi que la tension à ses bornes.
5. Expliquer comment on peut retrouver le résultat précédent sur le graphe (attention : une explication très précise est attendue !).
6. Montrer que la diode se comporte alors comme un générateur de Thévenin dont on donnera les caractéristiques.

Exercice n°7: On considère un générateur de tension réel dont le modèle de Thévenin a une force électromotrice $e = 15$ Volts et une résistance interne de 3Ω .

1. Déterminer le courant de court-circuit de ce générateur.
2. Donner la représentation de Norton correspondante.
3. Le générateur débite sur une résistance R variable.
 - a. Pour $R = 4 \Omega$, déterminer le courant débité et la tension aux bornes du générateur.
 - b. Pour quelle valeur de R la tension aux bornes du générateur vaut-elle le quart de la force électromotrice ?